



Рис. Схема деформаций в винтовом элементе кабеля

Учитывая, что крутящий момент в винтовом элементе кабеля

$$L_\tau = GJ_p \cdot \tilde{\tau} \quad (4)$$

и пренебрегая внутренними силами трения  $m_\tau = 0$ , после интегрирования получим деформацию кручения с учетом изгибной жесткости в виде:

$$\tau = \frac{K_{np}}{Nnp} \cdot \frac{(1 + \sin^2 \beta) \sin 2\beta \cdot \sin \theta}{2R}, \quad (5)$$

где  $K_{np} = \sum EI$  - изгибная жесткость жилы, состоящая из изгибных жесткостей, составляющих проволоки;

$Nnp = Bnp - \frac{C_{np}^2}{Anp}$  - жесткость жилы при свободном кручении.

Здесь  $Anp$ ;  $Bnp$ ;  $Cnp$  - агрегатные коэффициенты механической прочности пряди, определенные и исследованные в работах проф. Глушко М.Ф.[1]

$$Anp = \sum EF \cdot \cos^3 \alpha \quad (6)$$

$$Bnp = \sum [EF \cdot r^2 + EI(1 + \cos^2 \alpha)^2 + GI_p \operatorname{ctg}^2 \alpha \cdot \cos^4 \alpha] \cdot \sin^2 \alpha \cdot \cos \alpha; \quad (7)$$

$$Cnp = \sum EFr \cos^2 \alpha \cdot \sin \alpha, \quad (8)$$

где  $EF$  - жесткость проволоки при растяжении;  $GI_p$  - жесткость проволоки при кручении;  $EIp$  - жесткость проволоки при изгибе;  $r$  - радиус свивки проволоки.

Кручение жилы кабеля при изгибе сопровождается ее относительным удлинением или укорочением

$$\varepsilon = -\frac{Cnp}{Anp} \tilde{\tau}_{np}. \quad (9)$$

При этом происходит изменение углов свивки проволок  $\alpha$  и кривизны винтовой оси проволоки  $K$ :

$$\delta\alpha = \tilde{\tau} r \cos^2 \alpha - \varepsilon \sin \alpha \cdot \cos \alpha \quad (10)$$

или с учетом (9)

$$\delta\alpha = \tilde{\tau}_{np} \left( r \cos^2 \alpha + \frac{Cnp}{Anp} \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha \right). \quad (11)$$

Учитывая, что кривизна винтовой оси проволоки

$$K = \frac{\sin^2 \alpha}{r}, \quad (12)$$

изменение угла свивки  $\alpha$  приводит к изменению кривизны

$$\delta K = \frac{dK}{d\alpha} \cdot \delta\alpha = \frac{\sin 2\alpha}{r} \cdot \delta\alpha. \quad (13)$$

Принимая во внимание (5) и (11), получаем

$$\delta K = -\frac{Knp}{Nnp} \left( r \cos^2 \alpha + \frac{Cnp}{Anp} \cdot \frac{\sin 2\alpha}{r} \right) \cdot \times \times \frac{1 + \sin 2\beta}{2rR} \cdot \sin 2\alpha \cdot \sin 2\beta \cdot \sin \theta. \quad (14)$$

Тогда напряжение изгиба относительно оси  $n - \sigma_n$  и относительно оси  $b - \sigma_b$  получим в виде

$$\sigma_n^{\max} = \xi_n \cdot E \frac{2\delta}{R}; \quad \sigma_b^{\max} = \xi_b \cdot E \frac{2\delta}{R}. \quad (15)$$

Входящий в формулу (15) коэффициент  $\xi_b$  принимает новое значение

$$\begin{aligned} \xi_b = & \left( \cos^2 \beta \cdot \cos 2\beta \cdot \sin \theta \cdot \sin \varphi - \right. \\ & \left. - \cos \beta \cdot \cos \theta \cdot \cos \varphi \right) \cdot \cos^2 \alpha \cdot \cos 2\alpha - \\ & - \frac{Knp}{Nnp} \left( r \cos^2 \alpha + \frac{Cnp}{Anp} \cdot \frac{\sin 2\alpha}{2} \right) \times \\ & \times \frac{1 + \sin^2 \beta}{2r} \cdot \sin 2\alpha \cdot \sin 2\beta \cdot \sin \theta. \end{aligned} \quad (16)$$

При расчетах в формуле (16) необходимо брать знак (-) при односторонней свивке, т.е. при одинаковом направлении свивки проволоки в жиле и жилы в кабеле, и знак (+) при крестовой свивке, т.е. при обратном направлении свивки проволоки в жилу и в кабель арматуры кабеля.

Расчет напряжений изгиба в проволоках произведен для кабеля КУШГ ПР 108 x 0,5.

Расчет производится по формулам

$$\sigma_{из} = \sqrt{\sigma_n^2 + \sigma_b^2} = E \cdot \frac{\delta}{D} \cdot \lambda; \quad \lambda = \sqrt{\lambda_n^2 + \lambda_b^2};$$

$$\lambda_n = (\cos 2\beta \cdot \cos^2 \beta \cdot \sin \theta \cdot \cos \varphi + \cos \beta \cdot \cos \theta \cdot \sin \varphi) \cdot \cos \alpha;$$

$$\begin{aligned} \lambda_b = & (\cos 2\beta \cdot \cos^2 \beta \cdot \sin \theta \cdot \sin \varphi - \\ & - \cos \beta \cdot \cos \theta \cdot \cos \varphi) \cos 2\alpha \cdot \cos^2 \alpha, \end{aligned}$$

где  $\delta = 0,26$  мм - диаметр проволоки;  $\beta$  - угол свивки прядей в повивах,  $\alpha$  - угол свивки проволоки в прядь (рассчитывается через шаг свивки проволок в пряди) по формуле:

$$\begin{aligned} \alpha = \operatorname{arctg} \frac{2\pi R}{h\alpha} = \operatorname{arctg} \frac{D_{ж} \cdot \pi}{h\alpha} = \operatorname{arctg} \frac{1,5 \cdot 3,14}{17} = \\ = \operatorname{arctg} 0,2771 = 15^\circ 30' \end{aligned}$$

Здесь  $D_{ж} = 2$  мм  $R = 1,5$  мм - диаметр пряди.

$\varphi = \left\{ 0; \pm \frac{\pi}{2}; \pm \pi \right\}$  - угол расположения проволоки в сечении пряди;  $\theta = \left\{ 0; \pm \frac{\pi}{2}; \pm \pi \right\}$  - угол расположения пряди в кабеле;  $D = 400$  мм - изгиб с максимальной кру-

тизной дуги (диаметр барабана);  $E = 1,1 \cdot 10^4 \frac{\kappa\Gamma}{\text{мм}^2}$  - модуль упругости меди марки ММ.

Таблица данных расчета углов свивки прядей в повивах кабеля.

Повивы	Число прядей в повиве	Диаметр повива в мм	Шаг свивки прядей через диаметр повива	Шаг свивки прядей в мм	Угол свивки через диаметр повива
I	3	3,01	25	75	7°
II	9	5,81	18	104	9°57
III	15	8,61	16	138	11°05
IV	21	11,41	16	182	11°08
V	27	14,21	16	227	11°07
VI	33	17,51	14	245	12°39

Расчет угла свивки прядей в повивах осуществляется по формуле:  $\beta = \arctg \frac{2\pi R}{h} = \arctg \frac{D_n \pi}{h}$ ,

где  $D_n$  - диаметр повива в кабеле.

Диаметр повива  $D_n$  шаг скрутки  $h$  и углы свивки прядей в повивах даны таблицей.

Приведенная методика позволяет производить расчет кабелей повышенного удлинения с учетом изгибной жесткости проволок.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Глушко М.Ф., «Стальные подъемные канаты», изд. «Техніка», Киев, 1966.

пост. 22.02.05

## Моделирование возбуждения экситонных поляритонов в тонком слое YBaCuO-кристалла полем движущейся в нем $\beta$ -частицы

В.В. РУМЯНЦЕВ, А.В. ЖУРАЛЕВ, Э.Я. ШТАЕРМАН

Донецкий физико-технический институт им. А.А.Галкина НАН Украины,

Выполнено численное моделирование генерации экситонных поляритонов, локализованных в тонком слое YBaCuO-кристалла, полем движущейся в нем  $\beta$ -частицы. Получены выражения для спектральной плотности излучения, возбужденного полем заряженной частицы в квазидвумерном слое исследуемого кристалла.

Виконано чисельне моделювання генерації екситонних поляритонів, локалізованих у тонкому шарі YBaCuO - кристалла, полем  $\beta$ -частки, що в ньому рухається. Отримано вираз для спектральної щільності випромінювання, збудженого полем зарядженої частки в квазидвумірному шарі досліджуваного кристалла.

Irradiation of the crystal by flow of photons, neutrons or electrons is one of the methods of crystalline structure study. The effect connecting with response of 1:2:3-crystal layer on electromagnetic field of moving electron have been considered. The study of the influence of the beta-particles flow on the layer is caused by both fact that the charged particles are the independent instrument for study of high-temperature superconductors (HTSC) and also due to beta-particles come up as nucleus reaction result from crystal irradiated by other particles.

### Введение

Облучение кристалла потоками фотонов, нейтронов или электронов - один из методов исследования его структуры [1, 2]. Рассмотрим подробнее один из эффектов, связанных с реакцией поверхностного слоя 1:2:3-кристалла на поток электронов. Интерес к изучению влияния  $\beta$ -частиц на подобную кристаллическую структуру вызван не только тем, что они представляют самостоятельный инструмент исследования высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП), но и тем фактом, что они появляются в результате ядерных реакций при облучении другими частицами ( $n, \gamma$ ). Учет трансмутационного канала (см., например, [3]) изменения свойств соединений типа YBaCuO также связан с изучением взаимодействия  $\beta$ -частиц с этими кристаллами. При этом ввиду того, что заряженные частицы сильно взаимодействуют с веществом, глубина их проникновения в кристалл сравнительно невелика [1, 2]. Последнее определяет актуальность моделирования возбуждения

электронной подсистемы тонкого кристаллического слоя полем  $\beta$ -частицы.

### 1. Дисперсия экситонных поляритонов, локализованных в тонком кристаллическом слое

Исследуем генерацию поляритонов, локализованных в квазидвумерном слое YBaCuO-кристалла, полем движущейся в нем  $\beta$  частицы. В рамках ранее рассмотренных моделей (см. [4]) система линейных неоднородных уравнений относительно фурье-компонент плотности дипольного момента  $\Pi_j$  тонкого слоя кристалла принимает вид:

$$\begin{cases} 2\pi \left( q^2 - \omega^2 / c^2 \right)^{1/2} + [\chi_{t(\beta\beta)}(\omega)]^{-1} \Pi_{\beta} = a^{-3} [E_e(\omega, \vec{q})]_{\beta}, \\ 2\pi q^2 \left( q^2 - \omega^2 / c^2 \right)^{-1/2} - [\chi_{n(nn)}(\omega)]^{-1} \Pi_n = a^{-3} [E_e(\omega, \vec{q})]_n, \\ 2\pi \frac{\omega^2}{c^2} \left( q^2 - \omega^2 / c^2 \right)^{-1/2} - [\chi_{t(\alpha\alpha)}(\omega)]^{-1} \Pi_{\alpha} = a^{-3} [E_e(\omega, \vec{q})]_{\alpha}. \end{cases} \quad (1)$$