витрата дуття ±10 м <sup>3</sup> /хв.;
витрата технологічного кисню ±50 м <sup>3</sup> /год.;
витрата (природного газу) ± 50 м <sup>3</sup> /год.;
концентрація кисню в технологічнім кисні ± 0,90% ;
вологість дугтя $\pm 1,5  \text{г/ м}^3$ ;
маса рудної частини шихти в подачі ±50 кг;
маса вапняку в подачі± 18 кг;
винос колошникового пилу на подачу ± 50 кг;
вміст заліза в рудній частини шихти ±0, 10 %;
вміст золи в коксі± 1,0 %;
час сходу <i>n</i> подач шихти± 10 с ;
кількість подач за годину±0,02;
вміст <i>СО</i> в колошниковому газі±0,017 %.
T

Така ж точність інформації необхідна для реалізації АСК ТП доменної плавки, за винятком складу колошникового газу - для нього допустима похибка ±0,05% абс.

Отже, для реалізації даної моделі необхідні високоточні засоби автоматичного контролю складу колошникового газу. Оптико - акустичні газоаналізатори не забезпечують такої точності. На погляд авторів розробки [3], необхідну точність аналізу складу колошникового газу може забезпечити мас-спектрометричний комплекс «Гранат» Санкт-Петербургського ЗАО «ЦФТИ» Аналітик». При цьому повинна бути впевненість в достовірності інформації про склад колошникового газу, оскільки в протилежному випадку контролювати цю інформацію за моделлю не має сенсу.

## ЛІТЕРАТУРА

- Довгалюк Б.П. АСУ ТП доменної печі Дніпродзержинськ: ДДТУ, 1998.- 170 с.
- Довгалюк Б.П. Інформаційне забезпечення АСУ ТП доменної печі.// Вісник Технологічного університету Поділля. Науковий журнал.-Хмельницький, 2002.- том 1.-С. 91-95.
- Косолап Н.В., Михайлец С.М. Теория и практика производства чугуна, Труды междунар. науч.-техн. конф., посвященной 70-летию КГГМК.- Кривой Рог, 2004.- С.518-521.

пост. 25.05.06

# Усовершенствование математической модели температурного режима шиберных устройств

# И.И. ЖУЛЬКОВСКАЯ, А.П. ОГУРЦОВ, О.А. ЖУЛЬКОВСКИЙ

#### Днепродзержинский государственный технический университет

Усовершенствована математическая модель температурного режима ковшового шиберного затвора. Расчетная область условно разделена на две части: плиты в корпусе (трехмерная сетка, декартовы координаты) и стакан-коллектор (двумерная сетка, цилиндрические координаты), между которыми задаются условия сопряжения температурных полей. Для решения нелинейной задачи теплопроводности методом прогонки применен локально-одномерный подход. Для расчета радиационного теплообмена применен резольвентно-зональный метод.

Удосконалено математичну модель температурного режиму ковшового шиберного затвору. Розрахункова область умовно розділена на дві складові: плити у корпусі (трьохвимірна сітка, декартові координати) і стакан-колектор (двохвимірна сітка, циліндричні координати), між якими завдаються умови сполуки температурних полів. Для вирішення нелінійної задачі теплопровідності методом прогонки застосовано локально-одновимірний підхід. Для розрахунку радіаційного теплообміну застосовано резольвентно-зональний метод.

The mathematical model of temperature regime of gate surface has been improved. Calculating area is conditionally divided into two parts: plates in a frame (three-dimensional grade, decart coordinates) and a glass-collector (two-dimensional grade, cylindrical coordinates) between which the conductions of temperature fields conjugation are defined. Local one-dimensional approach has been used for decision of non-linear task of heat conduction by threading die method. Resolvent-zone method has been applied for calculating of rational heat exchange.

Эффективность сталеплавильного производства во многом определяется проведением его заключительного этапа – разливки стали. Практически на всех ведущих металлургических предприятиях при разливке металла применяются бесстопорные устройства шиберного типа. В настоящее время весьма актуальной становится задача модернизации устаревших шиберных затворов и, особенно, на предприятиях бывшего СССР [1, 2]. Проведение подобного рода исследований предпочтительнее осуществлять на тепловых математических моделях разрабатываемых и модернизируемых устройств [2].

В работах [3, 4] разработана математическая модель температурного состояния ковшового шиберного затвора, позволяющая оценить пространственное температурное поле огнеупорных плит и окаймляющего их стального корпуса устройства при различных способах разливки стали (в изложницы сверху и сифоном, а также непрерывным способом). Предложенная математическая модель не рассматривает стакан-коллектор – неотъемлемую часть устройства. В то же время, в работе [5] предложена математическая модель температурного режима стаканаколлектора шиберного затвора при указанных выше способах разливки металла, в которой не рассматривается тепловая задача для огнеупорных плит устройства.

В указанных выше моделях на границе сопряжения плит и коллектора задавались граничные условия II рода – теплоизоляция.

В настоящей работе рассматриваемые ранее обособленные математические модели объединены в единую модель, где расчетная область условно разделена на две части: плиты в корпусе (трехмерная сетка, декартовы координаты) и стакан-коллектор (двумерная сетка, цилиндрические координаты), между которыми задаются условия сопряжения температурных полей (рис.1).

При постановке задачи сделаны следующие допущения.



*Рис. 1.* Схема шиберного затвора и выбранная система координат: 1 – плиты в кожухе; 2 – стакан-коллектор

Процесс разливки условно разделен на два периода: собственно разливка и закрытое состояние затвора. Продолжительность каждого из указанных периодов, а также количество этих циклов определяется способом разливки и технологической инструкцией.

Принято, что металлический гарнисаж на поверхности затвора отсутствует, экранирование, а также принудительное охлаждение конструкции не применяется, и на протяжении всего процесса разливки на наружной поверхности устройства имеет место сложный радиационно-конвективный теплообмен. В сталеразливочном канале при открытом затворе учитывается теплоотдача при турбулентном течении металла; при закрытом затворе канал считается теплоизолированным.

Таким образом, температурное поле конструкции описывается системой дифференциальных уравнений теплопроводности (индекс 1 относится к плитам, 2 – к коллектору):

$$\begin{cases} c_1 \rho_1 \frac{\partial T_1}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda_1 \frac{\partial T_1}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \lambda_1 \frac{\partial T_1}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \lambda_1 \frac{\partial T_1}{\partial z} \right) \\ c_2 \rho_2 \frac{\partial T_2}{\partial \tau} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \lambda_2 \frac{\partial T_2}{\partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \lambda_2 \frac{\partial T_2}{\partial z} \right) \end{cases}, \quad (1)$$

дополненными следующими граничными условиями:

$$\left(\frac{\partial T_1}{\partial z}\right)_t = 0; \qquad (2.1)$$

$$-\lambda_{1} \left( \frac{\partial T_{1}}{\partial z} \right)_{b} = \left[ \overline{\alpha}_{b_{k}} + (1 - \zeta) \overline{\alpha}_{b_{r}} \right] T_{1_{b}} - T_{0} + \zeta \overline{\alpha}_{b_{r}}' \left[ T_{1_{b}} - T_{Me} \right];$$

$$(2.2)$$

$$-\lambda_1 \left(\frac{\partial T_1}{\partial y}\right) = \alpha_s \left(T_{1_s} - T_0\right)_s; \qquad (2.3)$$

$$-\lambda_1 \left(\frac{\partial T_1}{\partial x}\right)_a = -\lambda_1 \left(\frac{\partial T_1}{\partial y}\right)_a = \zeta \overline{\alpha}_{Me} \left(T_{1_a} - T_{Me}\right); \quad (2.4)$$

$$-\lambda_{2} \left( \frac{\partial T_{2}}{\partial z} \right)_{b} = \left[ \overline{\alpha}_{b_{k}} + (1 - \zeta) \overline{\alpha}_{b_{r}} \right] \left[ T_{2_{b}} - T_{0} \right] + \zeta \alpha_{b_{r}}' \left[ T_{2_{b}} - T_{Me} \right];$$

$$(2.5)$$

$$\lambda_2 \left( \frac{\partial T_2}{\partial r} \right)_a = \zeta \overline{\alpha}_{Me} \left( T_{2_a} - T_{Me} \right);$$
 (2.6)

$$-\lambda_{2} \left( \frac{\partial T_{2}}{\partial r} \right)_{s} = \left[ \overline{\alpha}_{s_{k}} + (1 - \zeta) \overline{\alpha}_{s_{r}} \right] \left[ T_{2_{s}} - T_{0} \right] + \zeta \alpha'_{s_{r}} \left[ T_{2_{s}} - T_{Me} \right];$$

$$(2.7)$$

$$T_1 = T_2, \ \lambda_1 \left(\frac{\partial T_1}{\partial z}\right)_b = \lambda_2 \left(\frac{\partial T_2}{\partial z}\right)_t,$$
 (2.8)

где T – расчетная температура устройства;  $T_0$  – температура окружающей среды;  $T_{Me}$  – температура разливки; c – удельная теплоемкость;  $\rho$  – плотность;  $\lambda$  – коэффициент теплопроводности; x, y, z, r – соответствующая координата;  $\tau$  – время;  $\alpha$  – коэффициент теплоотдачи;  $\overline{\alpha}$  – средний по поверхности коэффициент теплоотдачи; индексы: t (от top – верх), b (от bottom – низ), s (от side – бок), a (от aperture – отверстие) – обозначают соответствующую поверхность устройства, r и k – обозначают радиационную и конвективную составляющие теплообмена, Me – относится к разливаемому металлу.

В системе уравнений, описывающих граничные условия теплообмена, присутствует логический коэффициент ζ, принимающий значения 1 (собственно разливка стали) или 0 (закрытое состояние затвора). Тем самым моделируется текущий период операции, в том числе и переезд сталеразливочного ковша между изложницами (при верхней разливке) или поддонами (при разливке стали сифоном), когда граничные условия теплообмена III рода в сталеразливочном канале устройства переходят в граничные условия II рода (теплоизоляция) (см. уравнения (2.4) и (2.6) при значении ζ=0). При непрерывной разливке металла ζ=1 на протяжении всего процесса перелива металла из сталь-ковша в промежуточный ковш. В периоды оборота ковша и выпуска металла из сталеплавильного агрегата коэффициент ζ равен нулю.

Методика расчета средних по поверхности коэффициентов конвективного ( $\overline{\alpha}_k$ ), радиационного (лучистого) теплообмена ( $\overline{\alpha}_r$ ), суммарного коэффициента теплоотдачи ( $\alpha$ ), а также средней теплоотдачи при турбулентном течении металла в разливочном канале устройства ( $\overline{\alpha}_{Me}$ ) подробно рассмотрена в работе [3]. Здесь же собраны все необходимые для расчета физические свойства теплоносителей и материалов устройства.

При закрытом затворе расчет лучистого теплообмена редуцируется в классическую задачу теплообмена излучением между невогнутой серой поверхностью затвора и облегающей ее серой поверхностью окружающих конструкций, которые вместе образуют замкнутую систему (см. уравнения (2.2), (2.5) и (2.7) при значении ζ=0). Решение задачи в такой постановке не вызывает никаких сложностей.

При открытом затворе задача исследования лучистого теплообмена в сложной системе серых излучающих поверхностей: шиберный затвор–струя–зеркало металла значительно усложняется (см. те же уравнения при значении ζ=1) [6, 7].

В настоящей работе решение фундаментальной задачи радиационного теплообмена в замкнутой системе излучающих диффузно-серых, разделенных прозрачной (диатермичной) средой, поверхностей выполнено на основе резольвентно-зонального метода. Так называемые зональные методы основываются на замене непрерывного распределения температуры и радиационных свойств излучающей системы дискретным. При этом поле указанных характеристик считается состоящим из конечного числа термически и оптически однородных участков (тел, зон, элементов) [8].



*Рис.* 2. Температурное поле плит шиберного затвора (в представленном на рис.1 сечении) к моменту завершения операции верхней (а), сифонной (б) и непрерывной (в) разливки стали

При использовании указанного метода с учетом допущения о равенстве температуры поверхностей струи и зеркала металла среднезональная плотность потока результирующего излучения для нижней поверхности кожуха плит затвора, а также для торцовой поверхности стакана-коллектора находится из соотношения [6, 7]:

$$q'_{b_r} = \sigma_0 a_b a_{Me} \left( \Phi_{b \to c} + \Phi_{b \to 3} \right) \left( T^4_{Me} - T^4_b \right), \quad (3.1)$$

где  $\sigma_0$  – постоянная Стефана–Больцмана;  $a_b$ ,  $a_{Me}$  – поглощательные способности нижней поверхности шиберного затвора (кожуха) и жидкой стали соответственно;  $\Phi_{b\to c}$ ,  $\Phi_{b\to 3}$  – разрешающие угловые коэффициенты излучения нижних поверхностей кожуха плит затвора или стакана-коллектора на струю и зеркало метала соответственно.

Для кольцевого элемента на боковой поверхности стакана-коллектора среднезональная плотность потока результирующего излучения рассчитывается по формуле [7]:

$$q'_{s_{r}} = \sigma_{0} a_{s} a_{Me} \Phi_{s \to 3} \left( T_{Me}^{4} - T_{s}^{4} \right), \qquad (3.2)$$

где  $a_s$  – поглощательная способность боковой поверхности стакана-коллектора;  $\Phi_{s \rightarrow 3}$  – разрешающий угловой коэффициент излучения боковой поверхности стакана-коллектора на зеркало метала.

Расчет разрешающих угловых коэффициентов ведется по методике [9] и сводится в итоге к нахожде-

нию угловых коэффициентов – геометрических инвариантов излучения [6, 7].

Так, в случае расчета  $\overline{\alpha}'_r$  для нижней поверхности кожуха плит затвора производится вычисление средних угловых коэффициентов для системы поверхностей: прямой круговой цилиндр (струя) и соосно расположенные с торцов и перпендикулярные ему кольца (поверхность затвора и поверхность зеркала металла) известных размеров [6].

При расчете  $\alpha'_r$  для наружной поверхности стакана-коллектора производится вычисление местных угловых коэффициентов. При этом определение  $\alpha'_{b_r}$  ведется для системы, которая включает струю и зеркало металла в металлоприёмнике, а  $\alpha'_{s_r}$  – для системы: зеркало металла

- нижняя поверхность корпуса плит затвора [7].

Отдельно необходимо отметить, что при сифонной разливке стали поверхность зеркала металла под ковшом отсутствует, и уравнение (3.1) для нижней поверхности кожуха плит затвора, а также для торцовой поверхности стакана-коллектора, заметно упрощается и преобразовываются к виду [6, 7]:

$$q'_{b_r} = \sigma_0 a_b a_{Me} \Phi_{b \to c} \left( T_{Me}^4 - T_b^4 \right).$$
(3.1.1)

Для боковой поверхности стакана-коллектора при этом  $q'_{s_{\mu}} = 0$  [7].



*Puc.3.* Температурное поле стакана-коллектора шиберного затвора (в представленном на рис.1 сечении) к моменту завершения операции верхней (а), сифонной (б) и непрерывной (в) разливки стали Аддитивная неявная разностная схема получена интегро-интерполяционным методом с реализацией на

ПЭВМ методом прогонки [10] применительно к условиям разливки стали марки 45тр из 250-тонных ковшей в конвертерном цехе Днепровского металлургического комбината (периклазовые плиты №10А; периклазографитовый стакан-коллектор №25).

Основные размеры шиберного затвора приведены на рис. 1. Диаметр струи металла в задаче радиационного теплообмена принимается одинаковым по всей длине и равным диаметру сталеразливочного отверстия в стакане-коллекторе – 0,06 м.

Остальные исходные данные определяются способом разливки стали и принимаются в соответствии с технологической инструкцией и практикой разливки стали в конвертерном цехе (подробно описаны в [4, 7]).

Программирование математической модели произведено в среде *Borland Pascal for Windows* (*Borland International, Inc.*) с обработкой полученных результатов в приложении *Mathcad* (*MathSoft, Inc.*).

Результаты вычислительных экспериментов представлены на рис. 2 и рис. 3.

Данные результаты, как и ранее в [4], подтверждают, что современные условия разливки стали, и особенно на машинах непрерывного литья заготовок, выдвигают достаточно серьезные требования к применяемым шиберным системам и их огнеупорам. Это особенно важно, когда выдвигаются требования многократного использования дорогостоящих огнеупорных плит устройства.

Достаточно высокие рабочие температуры шиберного затвора, подтверждаемые результатами численных экспериментов, требуют также разработки мероприятий по его вынужденному охлаждению и защите от воздействия агрессивных технологических факторов.

Как сама математическая модель, так и полученные результаты могут быть использованы при разработке новых и модернизации действующих ковшовых шиберных устройств, а также при исследовании температурного режима эксплуатации внедряемых затворов и современных технологий непрерывной разливки стали с их использованием. Это является предметом дальнейших исследований настоящего авторского коллектива. На данном этапе полученные результаты использованы для разработки шиберного затвора с малогабаритными огнеупорными плитами.

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Перспективы применения шиберных затворов при разливке / В.А.Кононов, А.А.Алпатов, А.И.Соколов и др. // Сталь. 2002. №3. С.59-66.
- Кулик А.Д. Основные проблемы шиберной технологии разливки стали // Сталь.– 2001.– №2.– С.13-15.
- Кулик А.Д., Огурцов А.П., Жульковский О.А. Математическая модель температурного состояния шиберного затвора // Изв. вузов. Черная металлургия.– 1999.– №4.– С.12-15.
- Огурцов А.П., Жульковская И.И., Кулик А.Д. Расчет температурного состояния ковшового шиберного затвора при различных способах разливки стали // Изв. вузов. Черная металлургия. 2001. №4. С.11-15.
- Жульковская И.И. Математическая модель температурного режима ковшового затвора (стаканаколлектора) // Тез. доп. Міждерж. науково-метод. конф. «Проблеми математичного моделювання».– Дніпродзержинськ, ДДТУ.– 2005.– С.61.
- Огурцов А.П., Жульковская И.И., Кулик А.Д. Расчет радиационного теплообмена поверхности ковшового затвора // Пром. теплотехника.– 2000.– Т.22, №3.– С.5-8.
- Огурцов А.П., Жульковская И.И. К расчету радиационного теплообмена поверхности ковшового затвора (стакана-коллектора) // Математичне моделювання.– 2000.– №2 (5).– С.72-75.
- Блох А.Г., Журавлев Ю.А., Рыжков Л.Н. Теплообмен излучением: Справочник.– М.: Энергоатомиздат, 1991.– 432с.
- Зигель Р., Хауэлл Дж. Теплообмен излучением / Пер. с англ. под ред. Б.А.Хрусталева.– М.: Мир, 1975.–934с.
- Дульнев Г.Н., Парфенов В.Г., Сигалов А.В. Применение ЭВМ для решения задач теплообмена.– М.: Высш. шк., 1990.– 207с.